МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования   
**«Национальный исследовательский   
Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»**

**(ННГУ)**

Высшая школа общей и прикладной физики

**Отчет по лабораторной работе № 116**

**«Маятник Обербека»**

**Выполнил:**

студент 1 курса ВШ ОПФ

Тарханов Андрей Алексеевич

Рецензент:

Нижний Новгород  
2023

**Экспериментальная часть**

Экспериментально определим момент инерции маятника, при различном положении грузов для этого:

Определим по шкале наименьшую отметку, которую достигает подвешенный груз. Зафиксировали высоту h (h=150см), с которой он будет отпускаться.

Измерили промежутки времени от начала спуска до нижнего положения (t1) и до подъёма (t2), а так же высоту подъёма (h’) по три раза для каждого из положений грузов

Измерили радиус шкива и расстояния от грузов до его оси

Затем воспользуемся формулой:

где — масса груза, раскручивающего маятник, — радиус шкива, — время падения груза до нижней точки, — полное время падения и подъёма груза, — угол поворота маятника за , – угол поворота маятника за время подъёма груза, — угол поворота маятника за .

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Положение грузов | № п/п |  |  |  |  |  |  | ϕ1=h/r | ϕ’=h’/r | ϕ2= ϕ1+ ϕ’ |  |  |
| Без грузов | 1 | 0 | 1,75 | 150 | 4,9 | 106,5 | 8,9 | 85,7 | 60,9 | 146,6 | 41939 | 42508 |
| 2 | 4,8 | 107 | 9,2 | 61,1 | 146,8 | 43324 |
| 3 | 4,8 | 106,5 | 9,0 | 60,9 | 146,6 | 42261 |
| Грузы у основания | 1 | 3,2 | 5,4 | 107 | 9,6 | 61,1 | 146,8 | 54013 | 48748 |
| 2 | 6,3 | 107,5 | 9,6 | 61,4 | 147,1 | 44421 |
| 3 | 4,9 | 108 | 9,0 | 61,7 | 147,4 | 47812 |
| Грузы на середине | 1 | 10,7 | 7,7 | 118 | 14,1 | 67,4 | 153,1 | 110470 | 105178 |
| 2 | 7,6 | 115 | 13,7 | 65,7 | 151,4 | 105053 |
| 3 | 7,8 | 118 | 13,6 | 67,4 | 153,1 | 100012 |
| Грузы на концах спиц | 1 | 20,2 | 11,8 | 123 | 22,4 | 70,3 | 156,0 | 276025 | 272573 |
| 2 | 12,0 | 121,5 | 22,1 | 69,4 | 155,1 | 268583 |
| 3 | 12,4 | 122 | 22,4 | 69,7 | 155,4 | 273112 |

Сравним полученные моменты инерции грузов с теоретическими. Момент инерции цилиндра относительно оси, проходящей через боковую грань цилиндра по диаметру, вычисляется по формуле

+

где M — масса груза, . — радиус,  — высота.

Тогда полный момент инерции системы относительно оси вращения маятника

здесь R — расстояние от оси вращения до центра масс цилиндра.

Для того, чтобы посчитать потерю энергии маятника при переходе через нижнее положение груза, для четырех случаев находим ω0 и ω1 угловые скорости блока непосредственно до рывка и после него по формулам: . А потом, принимая, что , находим разность  - это и будет потеря кинетической энергии при переходе тела через нижнее положение.

Работу силы трения ищем из соотношения, что общая потеря энергии, определяемая из формулы  будет складываться из потери энергии при рывке внизу (которую мы определили ранее) и, собственно, работы, затрачиваемой на преодоление силы трения.

Без грузов:

 (рад/c)

0,71 Дж – потеря кин. энергии маятника при рывке

ΔEp=0,87 Дж – общая потеря пот. энергии

Атрения=0,16 Дж

Грузы у основания:

 (рад/c)

0,42 Дж – потеря кин. энергии маятника при рывке

ΔEp=0,78 Дж – общая потеря пот. энергии

Атрения=0,36 Дж

Грузы на середине:

 (рад/c)

0,27 Дж – потеря кин. энергии маятника при рывке

ΔEp=0,64 Дж – общая потеря пот. энергии

Атрения=0,37 Дж

Грузы на концах:

 (рад/c)

0,45 Дж – потеря кин. энергии маятника при рывке

ΔEp=0,55 Дж – общая потеря пот. энергии

Атрения=0,1 Дж

Построим графики зависимости ϕ(t) и . Для этого измерим, насколько поворачивается маятник, пока груз опускается и поднимается, и с какой угловой скоростью это происходит

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Груз опускается | | | | | | Груз поднимается | | | | | |
| h, см | t, с | | | tср, с | ϕ=H/r | h, см | t, с | | | tср, с | ϕ=H/r |
| 15 | 3,35 | 3,13 | 3,3 | 3,26 | 8,57 | 175 | 13,22 | 13,31 | 13,58 | 13,4 | 100 |
| 25 | 4,43 | 4,21 | 4,52 | 4,39 | 14,3 | 195 | 14,26 | 14,33 | 14,60 | 14,4 | 111 |
| 35 | 5,31 | 5,16 | 5,63 | 5,37 | 20 | 215 | 15,36 | 15,52 | 15,71 | 15,5 | 123 |
| 45 | 6,22 | 6,13 | 6,35 | 6,23 | 25,7 | 235 | 17,37 | 16,81 | 16,96 | 17 | 134 |
| 65 | 7,33 | 7,26 | 7,59 | 7,39 | 37,1 | 255 | 18,70 | 18,77 | 18,97 | 18,8 | 146 |
| 85 | 8,80 | 8,56 | 8,86 | 8,74 | 48,6 | 265 | 20,14 | 20,28 | 20,40 | 20,3 | 151 |
| 105 | 9,80 | 9,69 | 9,90 | 9,8 | 60,1 |  |  |  |  |  |  |
| 125 | 10,81 | 10,63 | 19,88 | 10,8 | 71,4 |  |  |  |  |  |  |
| 150 | 11,89 | 11,76 | 11,93 | 11,9 | 85,7 |  |  |  |  |  |  |

Продифференцировав график ϕ(t) имеем, что зависимость ω(t) на каждом из участков будет линейной, значит наши предположения о том, что момент силы трения постоянные, а движение маятника равноускоренно верны.

Покажем вывод уравнения (13) (при движении груза вверх).

Третий закон Ньютона:

уравнение моментов:

Тогда имеем: и =-(

=.

При условии, что момент силы трения прямо пропорционален угловой скорости, получим зависимость .

, где ;

Получим

**Вывод:** В данной работе было изучено движение маятника Обербека, и экспериментальным путём был определён его момент инерции. Полученные в результате проведения работы данные дали удовлетворительный результат, о чём свидетельствует графический анализ построенных зависимостей. Кроме того, была оценена потеря энергии при растяжении нити и работа силы трения, а также посчитаны зависимости ϕ(t) и ω(t).